



## MAPLE TIZIMIDA FUNKSIYANI TEKSHIRISH

---

*<sup>1</sup>Nastinov Sadriddin Tojiddin o‘g‘li*

*<sup>1</sup>Namangan davlat universiteti Amaliy matematika va  
raqamlı texnologiyalar kafedrası o‘qituvchisi*

*E-mail: [sadriddin\\_1995\\_08\\_29@mail.ru](mailto:sadriddin_1995_08_29@mail.ru)*

*Tel: +998-97-256-29-95*

**Annotatsiya.**  $\text{iscont}(f, x=x1..x2)$ ,  $\text{discont}(f, x)$ ,  $\text{singular}(f, x)$  Funksiyani tekshirishda avvalo uning aniqlanish sohasini topish kerak. So‘ng uzluksizlik sohasini topish kerak

**Kalit so‘zlar.** Plot komandası yordamida  $y=f(x)$  funksiya parametrik ko‘rinishda  $x=x(t), y=y(t)$  berilsa ham grafigini chizish mumkin:  $\text{plot}([y=y(t), x=x(t), t=a..b], \text{parametrs})$ .

### ПРОВЕРКА ФУНКЦИЙ В СИСТЕМЕ MAPLE

---

*<sup>1</sup>Настинов Садриддин Тожиддин ўғли*

*<sup>1</sup>Преподаватель кафедры прикладной математики и цифровых технологий  
Наманганского государственного университета*

*E-mail: [sadriddin\\_1995\\_08\\_29@mail.ru](mailto:sadriddin_1995_08_29@mail.ru)*

*Tel: +998-97-256-29-95*

**Аннотация.**  $\text{iscont}(f, x=x1..x2)$ ,  $\text{discont}(f, x)$ , сингулярный( $f, x$ ) При проверке функции необходимо сначала найти ее область определения. Затем нужно найти область непрерывности

**Ключевые слова.** С помощью команды plot можно построить график функции  $y=f(x)$ , даже если  $x=x(t), y=y(t)$  заданы в параметрической форме:  $\text{plot}([y=y(t), x=x(t), t=a..b], \text{параметры})$

### FUNCTION CHECK IN MAPLE SYSTEM

---

*<sup>1</sup>Nastinov Sadriddin Tojiddin o‘g‘li*

*<sup>1</sup>Teacher of the Department of Applied Mathematics and Digital  
Technologies of Namangan State University*

*e-mail: [sadriddin\\_1995\\_08\\_29@mail.ru](mailto:sadriddin_1995_08_29@mail.ru)*

*Tel: +998-97-256-29-95*



## Funksiyaning uzluksizligi va uzilish nuqtalari

Quyidagi komandalar mavjud:

`iscont(f,x=x1..x2)`- funksiya  $[x_1..x_2]$  kesmada uzluksizligini tekshiradi, javob-true (ha) , false (yo‘q) ko‘rinishda chiqadi, jumladan,  $x=-\infty..\infty$ , ya’ni butun sonlar o‘qida tekshiriladi.

`discont(f,x)` – funksiyaning 1- va 2-tur uzilish nuqtalarini aniqlash,

`singular(f,x)` - funksiyaning 2-tur uzilish nuqtalarini aniqlash.

Bu komandalar standart bibliotekadan `readlib(name)`, bu yerda name-shu komandalardan birining nomi, komandasasi orqali chaqiriladi. Bu holda yechimlar `to‘plam` ( set) ko‘rinishda chiqadi, oddiy tengsizliklar yordamida javob olish uchun convert komandasasi yordamida shakl o‘zgartirish kerak.

## Ekstremumlar. Funksiyaning eng katta va eng kichik qiymatlari

`extrema(f,{cond},x,’s’)` -  $f(x)$ - ekstremumga tekshirilayogan funksiya, {cond}-o‘zgaruvchiga qo‘yilgan o‘artlar,  $x$ -o‘zgaruvchi, ’s’-ekstremal nuqtalarni qabul qiladigan o‘zgaruvchi. Agar {} bo‘lsa ekstremum butun sonlar o‘qida qidiriladi.

> `readlib(extrema):`

> `extrema(arctan(x)-ln(1+x^2)/2,{},x,’x0’);x0;`       $\left\langle \frac{\pi}{4} - \frac{1}{2} \ln(2) \right\rangle$  (ekstremal

qiymat)

$\{x=1\}$  (ekstremal nuqta)

Afsuski bu nuqtadagi qiymat maksimum yoki minimummi bu yerda aniqemas.

Buning uchun ikkita `maximize(f,x,x=x1..x2)`, `minimize(f, x, x=x1..x2)` komandalari ishlataladi. Agar o‘zgaruvchidan keyin, ‘infinity’ yoki  $x=-\infty..\infty$  deb berilsa masala butun sonlar o‘qida yechiladi. Misol,

> `maximize(exp(-x^2),{x});`                           $\langle 1$

Bu komandalarning kamchiligi shundaki, ular ekstremal nuqtada funksiya qiymatini beradi, uning xarakteri (max yoki min) ni bermaydi. Shuning uchun, ekstremumning xarakteri (max yoki min) , ekstremal nuqtalarni olish uchun avvalo,

> `extrema(f,{},x,’s’);s;`

komandasini berish kerak va shundan keyingina `maximize(f,x)`; `minimize(f,x)` komandalarni berish kerak. Topilgan nuqtada max yoki min ekanligini bilish uchun mos ravishda  $f''(x_0) < 0$  (max) yoki  $f''(x_0) > 0$  (min) shartni tekshirish kerak.

Agar `maximize` va `minimize` komandalarida location opsiyasini bersak ham ekstremal nuqta ham funksiya qiymati chiqadi:



$$> \text{minimize}(x^4 - x^2, x, \text{location}); \quad \left\{ \left[ \left( x = -\frac{\sqrt{2}}{2}, \frac{-1}{4} \right), \left( x = \frac{\sqrt{2}}{2}, \frac{-1}{4} \right) \right] \right\}$$

### Funksiyani umumiy holda tekshirish

1. Aniqlanish sohasi. Aniqlanish sohasi funksiya uzlusizlikka tekshirilgach aniqlanadi.

2. Funksiya uzlusizligi va uzilish nuqtalari quyidagicha tekshiriladi:

>  $\text{iscont}(f, x=-\infty..\infty);$

>  $d1:=\text{discont}(f,x); \quad \backslash\backslash 1\text{-tur uzilish nuqtasi}$

>  $d2:=\text{singular}(f,x);\backslash\backslash 2\text{-tur uzilish nuqtasi}$

3. Asimptolar. Cheksiz uzilish nuqtalarining absissalari iyertikal assimptotani beradi, demak vertikal assimptota quyidagicha topiladi:

>  $y_r:=d2;$

Og'ma assimptolar funksiyani cheksizlikdagi xaraktkrini beradi. Og'ma assimptolar  $y = kx + b, k = \lim_{x \rightarrow \infty} (f(x)/x), b = \lim_{x \rightarrow \infty} (f(x) - kx)$  ko'rinishda

topiladi. Qarama-qarshi  $(-\infty)$  uchdagи assimptolar  $x \rightarrow \infty$  deb hosil qilinadi:

>  $k1:=\text{limit}(f(x)/x, x=+\infty);$

>  $b1:=\text{limit}(f(x)-k1*x, x=+\infty);$

>  $k2:=\text{limit}(f(x)/x, x=-\infty);$

>  $b2:=\text{limit}(f(x)-k2*x, x=-\infty);$

undan so'ng assimptolar

>  $y_n:=k1*x+b1;$

deb hosil qilinadi.

4. Ekstremumlar. Ular quyidagi sxema bo'yicha tekshiriladi:

>  $\text{extrema}(f(x), \{\}, x, 's');$

>  $s;$

>  $f_{\max}:=\text{maximize}(f(x), x);$

>  $f_{\min}:=\text{minimize}(f(x), x);$

### Adabiyotlar:

1. Дьяконов В.П. Maple 6: учебный курс. СПб.: Питер, 2001.
2. Дьяконов В.П. Математическая система Maple V R3/R4/R5. М.: Солон, 1998.
3. Манзон Б.М. Maple V Power Edition. М.: Филинъ, 1998.
4. Говорухин В.Н., Цибулин В.Г. Введение в Maple V. Математический пакет для всех. М.: Мир, 1997.
5. Прохоров Г.В., Леденев М.А., Колбеев В.В. Пакет символьных вычислений Maple V. М.: Петит, 1997.
6. Бугров Я.С., Никольский С.М. Элементы линейной алгебры и аналитической геометрии. М.: Наука. 1989.